

Übung zur Vorlesung „Sicherheit“  
30.06.2014 – Übungsblatt 5

Jessica Koch  
jessica.koch@kit.edu

# Sicherheit – Übungsblatt 5 – Aufgabe 1

## Aufgabe 1.

- (a) Wir betrachten das Lehrbuch RSA-Signaturverfahren und folgendes Sicherheitsspiel: Ein Angreifer mit Zugriff auf ein Signaturorakel ist erfolgreich, falls er zu einer vorgegebenen Nachricht  $m^*$  eine gültige Signatur  $\sigma^*$  ausgeben kann, für die er keine Anfrage gestellt hat. Wird dieser Sicherheitsbegriff vom Lehrbuch RSA-Signaturverfahren erfüllt?

# Sicherheit – Übungsblatt 5 – Aufgabe 1

## Aufgabe 1.

(b) Schnorr-Verfahren:

$\text{Gen}(1^k)$ : wähle  $x \xleftarrow{\$} \mathbb{Z}_p$ , berechne  $y := g^x$ .  
 $pk = (g, y)$ ,  $sk = (g, x)$ .

$\text{Sig}(sk, m)$ :  $m \in \{0, 1\}^*$ , ziehe  $r \xleftarrow{\$} \mathbb{Z}_p$ :  
 $t := g^r \in \mathbb{G}$ ,  $c := H(t||m) \in \mathbb{Z}_p$ ,  $s := cx + r \in \mathbb{Z}_p$   
 $\sigma := (t, s) \in \mathbb{G} \times \mathbb{Z}_p$ .

$\text{Ver}(pk, m, \sigma)$ :  $g^s \stackrel{?}{=} y^{H(t||m)} \cdot t$

Aufgrund von schlechten Zufallszahlengeneratoren oder Implementierungsfehlern kann es vorkommen, dass der gleiche Zufall  $r$  mehrmals verwendet wird für verschiedene Signaturen. Was kann ein Angreifer dadurch lernen?

# Sicherheit – Übungsblatt 5 – Aufgabe 1

## Fazit:

- ▶ Homomorphie ermöglicht leicht zu fälschen.  
Gegenmaßnahme: Hash-then-Sign
- ▶ Zufall sollte immer frisch gewählt werden.

# Sicherheit – Übungsblatt 5 – Aufgabe 2

Wir betrachten den Digital-Signature-Algorithmus (DSA) über der Gruppe  $\mathbb{G} = Q(\mathbb{Z}_p^*)$ , für ungerades primes  $p \in \mathbb{N}$ . Dabei sei  $Q(\mathbb{Z}_p^*) := \{x^2 : x \in \mathbb{Z}_p^*\}$  die Menge der Quadrate in  $\mathbb{Z}_p^*$ .

(a) Erstellen Sie einen (DSA-)Public-Key/ Secret-Key

$$pk := (\mathbb{G}, g, g^x, (H, h_1, h_2)), sk := (\mathbb{G}, g, x, (H, h_1, h_2)).$$

$$p := 2q + 1, q := 11,$$

$$H : \mathbb{Z}_q \times \mathbb{Z}_q \rightarrow \mathbb{Z}_q^*, (x_1, x_2) \mapsto h_1^{x_1} h_2^{x_2} \bmod q$$

(b) Signieren Sie damit die Nachricht  $M = (7, 3)$

(c) Verifizieren Sie die Signatur zur Nachricht  $M$  aus (b).

# Sicherheit – Übungsblatt 5 – Aufgabe 3

**Aufgabe 3.** Sei ein 2-Parteien-2-Nachrichten-Schlüsselaustauschverfahren  $KE = (KE.Gen, KE.Encap, KE.Decap)$  gegeben:

- $KE.Gen(1^k)$  erhält den Sicherheitsparameter  $k \in \mathbb{N}$  und gibt State  $s$  und Nachricht  $X$  aus. ( $X \hat{=}$  erste Nachricht im Schlüsselaustauschverfahren.)
- $KE.Encap(X)$  erhält Nachricht  $X$ , gibt Nachricht  $Y$  und Schlüssel  $K$  aus. ( $Y \hat{=}$  zweite ausgetauschte Nachricht im Schlüsselaustauschverfahren.)
- $KE.Decap(s, Y)$  erhält einen State  $s$ , Nachricht  $Y$  und gibt einen Schlüssel  $K'$  aus.

Konstruieren Sie ein Public-Key-Verschlüsselungssystem  $PKE = (PKE.Gen, PKE.Enc, PKE.Dec)$  aus  $KE$ .

# Sicherheit – Übungsblatt 5 – Aufgabe 4

## Aufgabe 4

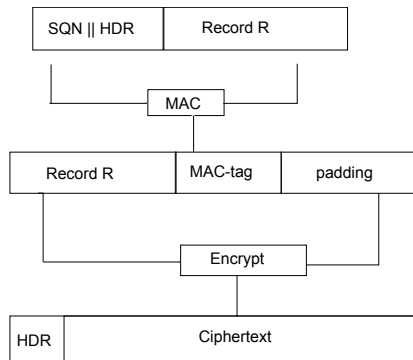


Abbildung : TLS Record Protocol

Überlegen Sie, wie ein aktiver Angreifer das hier verwendete Design MAC-then-encrypt mithilfe von einem Seitenkanalangriff (timing attack) ausnutzen könnte.

# Sicherheit – Übungsblatt 5 – Aufgabe 4

## Lucky 13 Angriff:

- ▶ Es gibt aufgrund des CBC-Modus zusätzlich noch die Möglichkeit von einem Chiffre C alle Klartextbits zu berechnen.

## Fazit:

- ▶ Erst Integrität überprüfen, dann entschlüsseln.  
(Encrypt-then-MAC)



# Organisatorisches

- ▶ Nächste Übung am Mo, 14.07.14
- ▶ Nächstes Übungsblatt am Mo, 30.06.14
- ▶ An- und Abmeldung zur Hauptklausur bis Mo, 14.07.14
- ▶ Fragen per Mail an [jessica.koch@kit.edu](mailto:jessica.koch@kit.edu)