

Vorlesung Sicherheit

Dennis Hofheinz

ITI, KIT

16.06.2014

1 Schlüsselaustauschprotokolle

- Erinnerung
- Weitere Schlüsselaustauschtypen
- Zusammenfassung

2 Identifikationsprotokolle

- Motivation
- Sicherheitsmodell
- Sicherheitsmodell
- Ein sicheres Protokoll
- Noch ein sicheres Protokoll

3 Zero-Knowledge-Protokolle

- Motivation
- Zero-Knowledge-Eigenschaft

1 Schlüsselaustauschprotokolle

- Erinnerung
- Weitere Schlüsselaustauschtypen
- Zusammenfassung

2 Identifikationsprotokolle

- Motivation
- Sicherheitsmodell
- Sicherheitsmodell
- Ein sicheres Protokoll
- Noch ein sicheres Protokoll

3 Zero-Knowledge-Protokolle

- Motivation
- Zero-Knowledge-Eigenschaft

Erinnerung Schlüsselaustausch

- Symmetrisch (mit Schlüsselzentrale): Kerberos
 - Heute erweitert und zur Authentifizierung benutzt
- Asymmetrisch: Public-Key Transport, Diffie-Hellman
- Quasi-Standard für sichere Kanäle: TLS
 - TLS-Handshake: asymmetrischer Schlüsselaustausch
 - Viele Varianten, viele Optionen, technisch veraltet
 - Unbedingt gepatchte/neueste Version einsetzen!

1 Schlüsselaustauschprotokolle

- Erinnerung
- Weitere Schlüsselaustauschtypen
- Zusammenfassung

2 Identifikationsprotokolle

- Motivation
- Sicherheitsmodell
- Sicherheitsmodell
- Ein sicheres Protokoll
- Noch ein sicheres Protokoll

3 Zero-Knowledge-Protokolle

- Motivation
- Zero-Knowledge-Eigenschaft

- Internet Protocol Security (IPsec): eigentlich gar kein KE
 - Ähnlich wie TLS, nur ohne Handshake (also *ohne* Schlüsselaustausch), und auf niedrigerer Protokollebene
 - „Sieht“ auch z.B. IP-Adressen und Portnummern
 - Unterstützt AES, 3DES, HMAC, SHA-1, MD5, ...
 - Schlüsselaustausch muss getrennt vorgenommen werden
- IPsec bei weitem nicht so populär wie TLS
- IPsec theoretisch nicht gut untersucht
- **Aber:** einige Angriffe auf spezielle Modi (CBC) existieren

Password-Authenticated Key Exchange (PAKE)

- **Ziel:** gemeinsamen geheimen Schlüssel K aushandeln

Alice_{pw} \longleftrightarrow Bob_{pw}

- Kommunikationskanal unsicher, aber pw geheim
- **Problem:** vollständige Suche über alle pw möglich
 - Angreifer kann immer pw raten
 - **Aber:** wir wollen, dass es nicht besser geht
- **(Nicht-)Beispiel:** Alice nutzt SKE (Enc, Dec) wählt K und...

Alice_{pw} $\xrightarrow{\text{Enc}(pw, K)}$ Bob_{pw}

Frage: warum nicht optimal?

Password-Authenticated Key Exchange (PAKE)

■ Beispiele:

- Encrypted KE (übertrage $\text{Enc}(pw, pk)$, dann Check)
 - Simple Password Exponential KE (DH mit $g = H(pw)^2$)
 - Beweisbarer PAKE (Goldreich-Lindell): nutzt Zero-Knowledge
- Grundidee: einfacher KE „mit anschließender Überprüfung“
 - Anwendung z.B. bei EAP (WPA-Authentifikationsvariante)
 - PAKE-Sicherheit formal modellierbar und beweisbar (unter zahlen-/komplexitätstheoretischen Annahmen)

1 Schlüsselaustauschprotokolle

- Erinnerung
- Weitere Schlüsselaustauschtypen
- **Zusammenfassung**

2 Identifikationsprotokolle

- Motivation
- Sicherheitsmodell
- Sicherheitsmodell
- Ein sicheres Protokoll
- Noch ein sicheres Protokoll

3 Zero-Knowledge-Protokolle

- Motivation
- Zero-Knowledge-Eigenschaft

Zusammenfassung Schlüsselaustausch

- Ziel: gemeinsamen geheimen Schlüssel K aushandeln

Alice \longleftrightarrow Bob

- Mit Schlüsselzentrum: Kerberos
- Asymmetrisch: Key Transport, Diffie-Hellman (mit PKI authentifiziert)
- TLS: Standard, nur aktuelle Version verwenden
- Formale Sicherheitsuntersuchung möglich, aber komplex

- Angriffe auf TLS
- Sicherheitsbeweis für TLS(-Varianten)
- Weitere KE-Varianten:
 - Non-interactive KE (NIKE)
 - ID-basierter (NI)KE
- Realistisches Sicherheitsmodell (für modulare Analyse)

- 1 Schlüsselaustauschprotokolle
 - Erinnerung
 - Weitere Schlüsselaustauschtypen
 - Zusammenfassung
- 2 Identifikationsprotokolle
 - Motivation
 - Sicherheitsmodell
 - Sicherheitsmodell
 - Ein sicheres Protokoll
 - Noch ein sicheres Protokoll
- 3 Zero-Knowledge-Protokolle
 - Motivation
 - Zero-Knowledge-Eigenschaft

- 1 Schlüsselaustauschprotokolle
 - Erinnerung
 - Weitere Schlüsselaustauschtypen
 - Zusammenfassung
- 2 Identifikationsprotokolle
 - **Motivation**
 - Sicherheitsmodell
 - Sicherheitsmodell
 - Ein sicheres Protokoll
 - Noch ein sicheres Protokoll
- 3 Zero-Knowledge-Protokolle
 - Motivation
 - Zero-Knowledge-Eigenschaft

- Ziel: asymmetrische Authentifikation (von Parteien)

Alice _{sk_A} \longleftrightarrow Bob

- pk_A öffentlich
- Alice möchte sich bei Bob authentifizieren
 - Bob möchte sicher sein, dass er mit Alice redet
 - Genauer: Bob möchte sicher sein, dass er mit der Partei redet, die sk_A besitzt
 - Noch genauer: Bob möchte sicher sein, dass er mit *einer* Partei redet, die *einen* passenden secret key zu pk_A kennt
- Ab jetzt heißt Bob V („Verifier“) und Alice P („Prover“)

- Einfachste Lösung:

$$P_{sk_A} \xrightarrow{sk_A} V$$

(Annahme: sk_A kann als „passend“ zu pk_A erkannt werden)

- V kann sich sicher sein, dass Gesprächspartner sk_A kennt
- **Aber:** dieses Protokoll scheint nicht sehr nützlich zu sein
 - Bei mehrmaliger Verwendung schwindet Garantie
 - Problem: sk_A bleibt bei Protokoll nicht geheim

Nächster Versuch

- **Neue Anforderung:** nach Protokoll...

- 1 ... lernt V sk_A nicht

- 2 ... ist V sicher, dass Gegenüber sk_A kennt

- Nächster Versuch: nutze Signaturschema

$$P_{sk_A} \xrightarrow{\sigma := \text{Sig}(sk_A, \text{„ich bin’s, } P\text{“})} V$$

(V überprüft mit $\text{Ver}(pk_A, \text{„ich bin’s, } P\text{“}, \sigma)$)

- **Analyse:** (informell)

- 1 Würde V sk_A lernen, wäre Signaturschema unsicher

- 2 Allerdings unklar, in welchem Sinne P sk_A kennt

- **Problem:** σ kann von Angreifer verwendet werden!

- **Beobachtung:** nicht-interaktive Protokolle problematisch:

$$P_{sk_A} \xrightarrow{X} V$$

- X kann von Angreifer verwendet werden!
 - Ausnahme: Empfängeridentität bekannt und gesichert
 - Aber selbst dann „Replay“ möglich
- Ein interaktiver Versuch (mit Signaturschema):

$$1 \quad P \xleftarrow{R} V$$

$$2 \quad P \xrightarrow{\sigma := \text{Sig}(sk_A, R)} V$$

(R Zufallszahl, V überprüft mit $\text{Ver}(pk_A, R, \sigma)$)

- Passiert implizit bei TLS, mehr hierzu später

- 1 Schlüsselaustauschprotokolle
 - Erinnerung
 - Weitere Schlüsselaustauschtypen
 - Zusammenfassung
- 2 Identifikationsprotokolle
 - Motivation
 - **Sicherheitsmodell**
 - Sicherheitsmodell
 - Ein sicheres Protokoll
 - Noch ein sicheres Protokoll
- 3 Zero-Knowledge-Protokolle
 - Motivation
 - Zero-Knowledge-Eigenschaft

- **Frage:** was wollen wir eigentlich wirklich?

- 1 Schlüsselaustauschprotokolle
 - Erinnerung
 - Weitere Schlüsselaustauschtypen
 - Zusammenfassung
- 2 Identifikationsprotokolle
 - Motivation
 - Sicherheitsmodell
 - **Sicherheitsmodell**
 - Ein sicheres Protokoll
 - Noch ein sicheres Protokoll
- 3 Zero-Knowledge-Protokolle
 - Motivation
 - Zero-Knowledge-Eigenschaft

Formalisierung PK-Identifikationsprotokoll

- (Public-Key-)Identifikationsprotokoll: (Gen, P, V)
- PPT-Algorithmus $\text{Gen}(1^k)$ gibt Schlüsselpaar (pk, sk) aus
- Zwei PPT-Algorithmen P, V mit *Zustand* interagieren:
 - 1 V wird mit Eingabe pk gestartet, Ausgabe sei out_V
 - 2 P wird mit Eingaben sk und out_V gestartet, Ausgabe out_P
 - 3 V wird mit Eingabe out_P gestartet, Ausgabe out_V
 - Ist $\text{out}_V \in \{0, 1\}$, dann beende die Interaktion
 - Andernfalls zurück zu Schritt 2 (sk -Eingabe nicht mehr nötig)
- **Notation:** $\langle P(sk), V(pk) \rangle$ ist Transkript der Interaktion
- **Korrektheit:** V gibt schließlich 1 aus für $(pk, sk) \leftarrow \text{Gen}(1^k)$

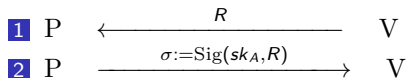
Sicherheit eines PK-Identifikationsprotokolls

- PK-ID-Protokoll (Gen, P, V) sicher $:\Leftrightarrow$ kein PPT-Angreifer \mathcal{A} gewinnt folgendes Spiel mehr als vernachlässigbar oft:
 - **Phase 1:** \mathcal{A} darf mit beliebig vielen P -Instanzen (mit sk_i) in der Rolle des Verifiers V (mit Eingabe pk_i) interagieren. Die verwendeten $(pk_i, sk_i) \leftarrow \text{Gen}(1^k)$ sind vom Spiel gewählt.
 - **Phase 2:** \mathcal{A} sucht sich ein schon vom Spiel gewähltes pk_{i^*} aus und interagiert mit einer V -Instanz (mit Eingabe pk_{i^*})
 - **Entscheidung:** \mathcal{A} gewinnt, wenn V schließlich 1 ausgibt
- **Intuition:** Kein \mathcal{A} schafft es, andere zu impersonieren
- **Allerdings:** Verhindert keinen Man-in-the-Middle-Angriff

- 1 Schlüsselaustauschprotokolle
 - Erinnerung
 - Weitere Schlüsselaustauschtypen
 - Zusammenfassung
- 2 Identifikationsprotokolle
 - Motivation
 - Sicherheitsmodell
 - Sicherheitsmodell
 - Ein sicheres Protokoll
 - Noch ein sicheres Protokoll
- 3 Zero-Knowledge-Protokolle
 - Motivation
 - Zero-Knowledge-Eigenschaft

Ein sicheres PK-Identifikationsprotokoll

■ Erinnerung Kandidat (Gen, P, V)



Theorem (Sicherheit von (Gen, P, V))

Ist das verwendete Signaturverfahren EUF-CMA-sicher, so ist das obige PK-Identifikationsprotokoll (Gen, P, V) sicher.

Beweisidee.

Konstruiere EUF-CMA-Angreifer \mathcal{B} aus PK-ID-Angreifer \mathcal{A} . □

- 1 Schlüsselaustauschprotokolle
 - Erinnerung
 - Weitere Schlüsselaustauschtypen
 - Zusammenfassung
- 2 Identifikationsprotokolle
 - Motivation
 - Sicherheitsmodell
 - Sicherheitsmodell
 - Ein sicheres Protokoll
 - **Noch ein sicheres Protokoll**
- 3 Zero-Knowledge-Protokolle
 - Motivation
 - Zero-Knowledge-Eigenschaft

Noch ein sicheres PK-Identifikationsprotokoll

- Ähnlicher Kandidat (Gen, P, V) mit Verschlüsselung:

$$\begin{array}{l} \text{1 } P \xleftarrow{C \leftarrow \text{Enc}(pk_A, R)} V \\ \text{2 } P \xrightarrow{R = \text{Dec}(sk_A, C)} V \end{array}$$

Theorem (Sicherheit von (Gen, P, V))

Ist das verwendete Verschlüsselungsverfahren IND-CCA-sicher¹, so ist das obige PK-Identifikationsprotokoll (Gen, P, V) sicher.

- Beweisidee wie im signaturbasierten Protokoll
- **Achtung:** (pk_A, sk_A) nicht auch zur Verschlüsselung benutzen

¹„[Ciphertext] Indistinguishability under Chosen-Ciphertext Attacks“, wie IND-CPA, modelliert aber aktive Angriffe: \mathcal{A} erhält $\text{Dec}(sk, \cdot)$ -Orakel

- Identifikation notwendig interaktiv
- Signatursysteme (oder aktiv sichere PKE-Verfahren) hinreichend für sichere Identifikation
 - Ähnliche einfache Identifikationsprotokolle implizit z.B. in TLS verwendet
- Nicht behandelt: stärkere Sicherheitsbegriffe (Man-in-the-Middle-Angriffe, Reset-Angriffe, ...)

- 1 Schlüsselaustauschprotokolle
 - Erinnerung
 - Weitere Schlüsselaustauschtypen
 - Zusammenfassung
- 2 Identifikationsprotokolle
 - Motivation
 - Sicherheitsmodell
 - Sicherheitsmodell
 - Ein sicheres Protokoll
 - Noch ein sicheres Protokoll
- 3 Zero-Knowledge-Protokolle
 - Motivation
 - Zero-Knowledge-Eigenschaft

- 1 Schlüsselaustauschprotokolle
 - Erinnerung
 - Weitere Schlüsselaustauschtypen
 - Zusammenfassung
- 2 Identifikationsprotokolle
 - Motivation
 - Sicherheitsmodell
 - Sicherheitsmodell
 - Ein sicheres Protokoll
 - Noch ein sicheres Protokoll
- 3 Zero-Knowledge-Protokolle
 - **Motivation**
 - Zero-Knowledge-Eigenschaft

Motivation Zero-Knowledge

- Einige intuitive (naive?) Anforderungen an PK-ID-Protokoll noch nicht oder nur teilweise erfüllt:

1 V lernt sk_A nicht

2 V ist sicher, dass Gegenüber sk_A kennt

- Erinnerung Identifikation mit Signaturen:

1 $P \xleftarrow{R} V$

2 $P \xrightarrow{\sigma := \text{Sig}(sk_A, R)} V$

- Zwar lernt V nicht den kompletten sk_A ...
... aber vielleicht Teilinformationen über sk_A
- Vielleicht kennt P nur „Ersatz“- sk_A
- **Frage:** Für Identifikation beides nicht schlimm...
... können wir trotzdem intuitive Anforderungen erfüllen?

- 1 Schlüsselaustauschprotokolle
 - Erinnerung
 - Weitere Schlüsselaustauschtypen
 - Zusammenfassung
- 2 Identifikationsprotokolle
 - Motivation
 - Sicherheitsmodell
 - Sicherheitsmodell
 - Ein sicheres Protokoll
 - Noch ein sicheres Protokoll
- 3 Zero-Knowledge-Protokolle
 - Motivation
 - Zero-Knowledge-Eigenschaft

Zero-Knowledge-Eigenschaft

- **Erste Anforderung:** V lernt sk_A nicht
- **Keine halben Sachen:** V lernt nichts über sk_A
- **Zurückrudern:** V lernt nichts über sk_A , was er nicht schon aus pk_A berechnen kann (Bsp.: $sk_A = x$, $pk_A = g^x$)
- **Anders gesagt:** Alles, was V über sk_A berechnen kann, kann er schon aus pk_A berechnen
- **Randbedingung:** Natürlich muss das auch für „bösen V “ (d.h. für Angreifer \mathcal{A} in der Rolle von V) gelten

- Hilfsformalismus: Ununterscheidbarkeit

Definition (Ununterscheidbarkeit)

Zwei (möglicherweise vom Sicherheitsparameter $k \in \mathbb{N}$ abhängige) Verteilungen X, Y sind *ununterscheidbar* (geschrieben $X \stackrel{c}{\approx} Y$), wenn für alle PPT-Algorithmen \mathcal{A} die Differenz

$$\Pr \left[\mathcal{A}(1^k, x) = 1 \mid x \leftarrow X \right] - \Pr \left[\mathcal{A}(1^k, y) = 1 \mid y \leftarrow Y \right]$$

vernachlässigbar in k ist.

- **Intuition:** X und Y nicht (effizient) unterscheidbar

Zero-Knowledge-Eigenschaft (formal)

Definition (Zero-Knowledge)

Ein PK-Identifikationsprotokoll (Gen, P, V) ist *Zero-Knowledge* (ZK), falls für jeden PPT-Algorithmus \mathcal{A} (den Angreifer) ein PPT-Algorithmus \mathcal{S} (der Simulator) existiert, so dass die folgenden Verteilungen ununterscheidbar sind (wobei $(pk, sk) \leftarrow \text{Gen}(1^k)$):

$$\left(pk, \langle P(sk), \mathcal{A}(1^k, pk) \rangle \right) \quad \text{und} \quad \left(pk, \mathcal{S}(1^k, pk) \right).$$

- **Intuition:** Interaktionstranskripte simulierbar
- **Bemerkung:** \mathcal{A} kann ganzes Wissen in Transkript packen
- Varianten möglich (z.B. Gleichheit statt Ununterscheidbarkeit)