

Übung zur Vorlesung „Sicherheit“
22.05.2014 – Übungsblatt 3

Florian Böhl
florian.boehl@kit.edu

Abgabe der Übungsblätter

- ▶ Viel mehr - vielen Dank!
- ▶ Natürlich auch „Pseudonym“ möglich

Sicherheit – Übungsblatt 3 – Aufgabe 1

Aufgabe 1. $H, H' : \{0, 1\}^* \rightarrow \{0, 1\}^k$ kollisionsresistente Hashfunktionen. Ist \hat{H} kollisionsresistent?

(a) $\hat{H}(x) := H(x||x)$

(b) $\hat{H}(x) := H(x) \oplus H'(x)$

(c) $\hat{H}(x) := H(H'(x))$

(d) $\hat{H}(x) := F(x)||H(x)$ für bel. $F : \{0, 1\}^* \rightarrow \{0, 1\}^k$

(e) $\hat{H}(x) := H(F(x))$ für bel. Einwegfunktion
 $F : \{0, 1\}^* \rightarrow \{0, 1\}^k$

(f) $\hat{H}(x) := \begin{cases} x & \text{wenn } |x| = k \\ H(x) & \text{sonst} \end{cases}$

(g) $\hat{H}(x) := H(F(x))$ für bel. injektives $F : \{0, 1\}^* \rightarrow \{0, 1\}^*$

Sicherheit – Übungsblatt 3 – Aufgabe 1

Fazit:

- ▶ Wir haben unser Verständnis von Kollisionsresistenz vertieft.

Sicherheit – Übungsblatt 3 – Aufgabe 2

Aufgabe 2.

- ▶ $F : \{0, 1\}^{2k} \rightarrow \{0, 1\}^k$ kollisionsresistente Kompressionsfunktion
- ▶ Definiere $H_{\text{MD}}(M)$ wie folgt:
 1. Setze $B := \lceil \frac{L}{k} \rceil$. Dann $M \parallel 0^{k-L \bmod k} = M_1 \parallel \dots \parallel M_B$
 k -Bit-Blöcke M_1, \dots, M_B .
 2. Setze $M_{B+1} := L$, wobei L mit exakt k Bits codiert wird.
 3. Setze $Z_0 := 0^k$.
 4. Für $i = 1, \dots, B + 1$ berechne $Z_i := F(Z_{i-1}, M_i)$.
 5. Gib Z_{B+1} aus.
- ▶ a) $H'_{\text{MD}}(M)$ kollisionsresistent?
- ▶ b) $H'_{\text{MD}}(M)$ kollisionsresistent für M mit $|M| \bmod k = 0$?

Sicherheit – Übungsblatt 3 – Aufgabe 2

Fazit:

- ▶ Für die Sicherheit der Merkle-Damgård-Konstruktion ist es essentiell, dass wir die Länge der Eingabe in den Hash einbringen (außer es sind nur Eingaben gleicher fester Länge erlaubt)

Sicherheit – Übungsblatt 3 – Aufgabe 3

Aufgabe 3. Im ersten Teil der RSA-Schlüsselgenerierung wurden für einen Benutzer A die Primzahlen $P = 23$ und $Q = 11$ gezogen.

- (a) Setzen Sie die RSA-Schlüsselgenerierung fort. Berechnen Sie einen zu P und Q gehörigen öffentlichen RSA-Schlüssel $pk_A = (N, e)$ und einen privaten RSA-Schlüssel $sk_A = (N, d)$.

Hinweis: Führen Sie den erweiterten euklidischen Algorithmus zur Übung von Hand durch.

- (b) Senden Sie die Nachricht $M = 17$ RSA-verschlüsselt an Benutzer A . Benutzen Sie dazu die Lehrbuch-Variante von RSA (ohne Padding) und den öffentlichen Schlüssel aus (a).
- (c) Nehmen wir an, Sie seien Benutzer A . Entschlüsseln Sie das empfangene Chiffre aus (b).

Sicherheit – Übungsblatt 3 – Aufgabe 3

Fazit:

- ▶ Wir wissen wie RSA-Schlüsselgenerierung, -Verschlüsselung und -Entschlüsselung in der Lehrbuch-Variante funktionieren
- ▶ Wir haben den erweiterten euklidischen Algorithmus geübt

Sicherheit – Übungsblatt 3 – Aufgabe 4

Aufgabe 4 Auf der Webseite zur Vorlesung finden Sie die Datei `Sicherheit_UE03_Moduli.zip`, die 50.000 512-Bit RSA-Moduli enthält, von denen einige nicht vernünftig generiert wurden. Wie viele Moduli können Sie faktorisieren?

Sicherheit – Übungsblatt 3 – Aufgabe 4

- ▶ Motiviert durch Paper „Ron was wrong, Whit is right“
- ▶ 0.2% der aus dem Internet eingesammelten RSA-Moduli waren „schwach“
- ▶ \Rightarrow bei uns $50.000 * 0.2\% = 100$

Sicherheit – Übungsblatt 3 – Aufgabe 4

Wie findet man die schwachen Moduli? Beispielsweise

- ▶ Batch-GCD
- ▶ Pollard-Rho
- ▶ ECM (Faktorisierung über elliptischen Kurven nach Lenstra)

Sicherheit – Übungsblatt 3 – Aufgabe 4

Fazit:

- ▶ Gute Entropie bei der RSA-Schlüsselgenerierung wichtig
- ▶ Große Mengen RSA-Moduli lassen sich effizient auf gemeinsame Teiler untersuchen

Organisatorisches

- ▶ Nächste Übung am Do, 12.06.14
- ▶ Nächstes Übungsblatt am Mo, 26.05.14